

(внутреннее равновесие), так и в окружающей среде (внешнее равновесие). Если теплообмен происходит за счет разности температур, то имеет место необратимое обесценивание теплоты, так как теплота переходит на более низкий температурный уровень.

Процессы, протекающие быстро по сравнению с процессом релаксации и идущие с нарушением равновесия из-за наличия разности температур или давлений, называются *неравновесными*.

#### Контрольные вопросы и задания

1. Что изучает термодинамика? Укажите на значение технической термодинамики в решении практических задач в области сельскохозяйственного производства.
2. Что такое термодинамическая система?
3. Дайте определение и характеристику различных параметров состояния. Приведите соответствующие примеры.
4. Изложите основные сведения о термических параметрах состояния.
5. Укажите на функциональную зависимость между параметрами состояния для идеального и реального рабочих тел. Что такое газовая постоянная? Приведите уравнение состояния для смеси газов и укажите на физическую сущность каждой величины, входящей в уравнение.
6. Что такое парциальное давление и парциальный объем для смеси газов? Как определить для газовой смеси значения газовой постоянной, массовой и объемной долей компонентов?
7. Что такое обратимый процесс и обратимый цикл?

## 2. ПЕРВЫЙ ЗАКОН ТЕРМОДИНАМИКИ

### 2.1. Внутренняя энергия

Если движение системы как целого отсутствует и изменение ее потенциальной энергии равно нулю, то полная энергия системы будет равняться ее внутренней энергии.

Под внутренней энергией термодинамической системы понимают энергию, которая заключена в самой системе. Внутренняя энергия включает кинетическую энергию поступательного, колебательного и вращательного движений молекул, энергию колебательного движения атомов и потенциальную энергию сил взаимодействия между молекулами. Энергия электронных оболочек атомов и внутриядерная энергия в термодинамических процессах не учитываются и в понятие внутренней энергии не включаются. Внутренняя энергия идеального газа включает кинетическую энергию молекул и атомов газа, а в реальных газах следует учитывать также и потенциальную энергию взаимодействия частиц.

$$U = U_{\kappa} + U_{\pi}, \quad (2.1)$$

где  $U_{\kappa}$ ,  $U_{\pi}$  — соответственно, кинетическая и потенциальная энергия.

Как следует из молекулярно-кинетической теории, кинетическая энергия поступательного движения молекул и атомов является однозначной функцией температуры (см. (1.3)). Поэтому, если  $T$  стремится к нулю, то и кинетическая энергия  $U_{\kappa}$  стремится к нулю.

Потенциальная энергия реального газа определяется силами взаимодействия между молекулами и зависит от среднего расстояния между молекулами, т.е. от объема  $V$  или давления  $p$  газа. Из этого следует, что внутренняя энергия зависит от параметров состояния, т.е. внутренняя энергия является функцией состояния рабочего тела. Для любых двух параметров, определяющих это состояние, можно написать

$$U = f_1(p, V); U = f_2(p, T); U = f_3(V, T). \quad (2.2)$$

Внутреннюю энергию единицы массы вещества называют *удельной внутренней энергией*. Для однородного вещества массой  $m$  и внутренней энергией  $U$  удельная внутренняя энергия, Дж/кг,  $u = U/m$ .

В технике важно не абсолютное значение внутренней энергии, а ее изменение в термодинамических процессах. Поскольку внутренняя энергия — параметр состояния, то ее изменение не зависит от промежуточных состояний рабочего тела (от пути процесса), а определяется начальным и конечным состояниями системы. Для состояний 1 и 2 можно записать

$$\Delta u = \int_1^2 du = u_2 - u_1. \quad (2.3)$$

Если начальное и конечное состояния совпадают, то для кругового процесса

$$\oint du = 0. \quad (2.4)$$

Дифференцируя последнюю из функциональных зависимостей (2.2), получаем

$$du = \left( \frac{\partial u}{\partial T} \right)_v dT + \left( \frac{\partial u}{\partial v} \right)_T dv. \quad (2.5)$$

Внутренняя энергия реального газа зависит от температуры и объема тела. Для идеального газа, в котором отсутствует энергия сил взаимодействия, зависящая от объема газа, внутренняя энергия определяется только значением температуры рабочего тела. Так как в данном случае  $(\partial u / \partial v)_T = 0$ , то из уравнения (2.5) следует, что

$$(\partial u / \partial T)_v = du / dT, \quad (2.6)$$

т. е. производная от внутренней энергии идеального газа по температуре — полный дифференциал. Являясь экстенсивным параметром состояния, внутренняя энергия обладает свойством аддитивности, в

соответствии с которым внутренняя энергия системы равна сумме внутренних энергий ее независимых частей:

$$u = \sum_{i=1}^n u_i, \quad (2.7)$$

где  $u_i$  — внутренняя энергия  $i$ -й части системы.

Внутреннюю энергию при  $t = 0$  °С принимают равной нулю.

## 2.2. Работа и теплота процесса

Фундаментальный закон природы формулируется следующим образом: *в изолированной системе энергия не пропадает бесследно и не возникает вновь, она лишь переходит из одного вида в другой. Общая сумма всех видов энергий остается постоянной.*

Баланс энергии системы, выделенной контрольной оболочкой, имеет вид (рис. 2.1)

$$E_{\text{п}} = \Delta E_c + E_{\text{от}}, \quad (2.8)$$

где  $E_{\text{п}}$ ,  $E_{\text{от}}$  — соответственно подведенная к системе и отведенная от системы энергия;  $\Delta E_c$  — прирост энергии системы.

Для элементарного процесса уравнение баланса записывается следующим образом:

$$dE_{\text{п}} = dE_c + dE_{\text{от}}. \quad (2.9)$$

Рис. 2.1. Схема энергобаланса системы

При определении значения  $dE_c$  необходимо учитывать также изменение количества массы. Для однородной системы

$$dE_c = d(m_c e_c) = m_c de_c + e_c dm_c, \quad (2.10)$$

где  $m_c$  — масса системы (в общем случае переменная величина);  $e_c$  — удельная энергия массы системы.

При стационарном режиме взаимодействия баланс энергии за единицу времени из (2.8)

$$E_{\text{п}} = E_{\text{от}}. \quad (2.11)$$

В природе существуют различные формы энергетического взаимодействия, т.е. передачи энергии от тела к телу. Среди них важное место принадлежит следующим двум способам:

- совершение механической работы одним телом над другим;
- непосредственная передача энергии от более горячего тела к менее горячему, т.е. в процессе теплообмена.

В первом случае увеличение (или убыль) внутренней энергии тела количественно равно значению работы, произведенной над ним другим телом.

Во втором случае энергия, самопроизвольно переданная от более нагретого тела к менее нагретому, называется *теплотой процесса*.

Работа, Дж, совершаяя газом массой  $m$  кг,

$$L = ml, \quad (2.12)$$

где  $l$  — удельная работа, отнесенная к 1 кг газа.

Аналогично для теплоты процесса, Дж, можно записать

$$Q = mq, \quad (2.13)$$

где  $q$  — удельная теплота процесса.

В соответствии с законом эквивалентности теплоты и работы между  $L$  и  $Q$  существует прямая зависимость

$$L = Q. \quad (2.14)$$

Применительно к термодинамике общий закон сохранения и превращения энергии называется *первым законом термодинамики*.

Из (2.14) следует, что теплота и работа представляют две формы передачи энергии от одной системы (или тела) к другой.

Первая форма обмена энергией — макрофизическая, которая обусловлена механическим воздействием одной системы на другую, сопровождаемым видимым перемещением другого тела (например, поршня в цилиндре двигателя).

Вторая форма передачи энергии — микрофизическая, т. е. на молекулярном уровне. Мера количества переданной энергии — количество теплоты.

Таким образом, работа и теплота — это энергетические характеристики процессов механического и теплового взаимодействия системы с окружающей средой. Эти два способа передачи энергии эквивалентны, что вытекает из закона сохранения энергии, но неравноценны. Работа может непосредственно преобразовываться в теплоту — при тепловом контакте одно тело передает энергию другому. Количество же теплоты  $Q$  непосредственно расходуется только на изменение внутренней энергии системы. При превращении теплоты в работу от одного тела — источника теплоты (ИТ) теплота передается другому — рабочему телу (РТ), а от него энергия в виде работы передается третьем телу — объекту работы (ОР).

Следует подчеркнуть, что если мы записываем уравнение термодинамики, то входящие в уравнения  $L$  и  $Q$  означают энергию, полученную соответственно макро- или микрофизическими способом.

### 2.3. Работа изменения объема

При взаимодействии термодинамической системы с окружающей средой происходит передача энергии от системы к внешним телам. Одним из способов энергообмена между системами является работа. Выведем математическое выражение работы.

Так как  $\int pdv$  зависит от пути интегрирования, то работа определяется характером протекания термодинамического процесса, т. е. в отличие от давления, температуры и других параметров состояния она не есть функцией состояния системы. Таким образом, элементарная работа  $dl$  не является полным дифференциалом. По этой причине ее обозначают  $d\delta l$ , а не  $dl$ .

## 2.4. Уравнение первого закона термодинамики для закрытых систем

Первый закон термодинамики — частный случай закона сохранения и превращения энергии, а именно приложение фундаментального закона природы к термодинамическим системам.

Пусть к термодинамической системе массой  $m$ , занимающей объем  $V$  при давлении  $p$  и температуре  $T$ , от внешнего источника (из внешней среды) подводится бесконечно малое количество теплоты  $dQ$  (см. рис. 2.3). Вследствие этого температура системы повышается на  $dT$ . С повышением температуры кинетическая энергия теплового движения микрочастиц увеличивается на  $dE_k$ .

В соответствии с уравнением состояния повышение температуры при постоянном давлении внешней среды приводит к увеличению объема системы на  $dV$ . Увеличение расстояния между молекулами ведет к возрастанию потенциальной энергии частиц на  $dE_p$ . Изменение кинетической  $dE_k$  и потенциальной  $dE_p$  энергий системы означает изменение ее внутренней энергии  $dU$ .

При подведении к термодинамической системе количества теплоты  $dQ$  и вследствие изменения ее объема на  $dV$  совершается работа расширения против сил внешнего давления. Так как в рассматриваемой системе нет других изменений, то в соответствии с законом сохранения энергии имеем

$$dQ = dU + \delta L. \quad (2.18)$$

Таким образом, для изолированной термодинамической системы сообщаемая ей теплота идет на изменение ее внутренней энергии и на совершение внешней работы.

Из уравнения (2.18) следует, что внутренняя энергия системы, являясь однозначной функцией ее состояния, изменяется под влиянием внешних воздействий (сообщение некоторого количества теплоты  $dQ$  и совершение работы  $\delta L$ ). Кроме того, работа может совершаться или за счет сообщения системе количества теплоты, или за счет изменения внутренней энергии (или за счет  $dQ$  и  $dU$ ).

Зависимость (2.18) — математическое уравнение первого закона термодинамики для изолированных систем.

Кроме внутренней энергии для произвольной системы с несколькими степенями свободы необходимо также учитывать внешнюю энергию  $E_{\text{вн}}$ , в которую входят: кинетическая энергия движения системы  $E_k$ ,

потенциальная энергия положения системы гравитационного поля  $E_{\text{н}}$ , энергия, обусловленная действием электрического  $E_{\text{e}}$  и магнитного  $E_{\text{м}}$  полей и др.

Для системы, содержащей 1 кг рабочего тела,

$$\delta q = du + \delta l. \quad (2.19)$$

В интегральной форме это уравнение имеет вид:

$$q = \Delta u + l. \quad (2.20)$$

## 2.5. Теплоемкость

Отношение количества теплоты  $\delta Q$ , сообщаемой телу при бесконечно малом изменении его состояния, к соответствующему изменению температуры  $dT$  называют *истинной теплоемкостью тела*:

$$C = \delta Q/dT. \quad (2.21)$$

Теплоемкость, отнесенную к единице количества вещества, т. е. к единице массы (1 кг) тела, называют *удельной теплоемкостью* ( $c$ ), Дж/(кг · К); отнесенную к одному киломолю — *молярной теплоемкостью* ( $\mu c$ ), Дж/(кмоль · К); отнесенную к количеству газа, содержащегося в 1 м<sup>3</sup> объема при нормальных физических условиях ( $t = 0^\circ\text{C}$ ,  $p = 101,325$  кПа), — *объемной теплоемкостью* ( $c'$ ), Дж/(м<sup>3</sup> · К). Следовательно,

$$c = \delta q/dT, \quad (2.22)$$

$$c' = \mu c/\rho_n = \mu c/22,4 = c\rho_n, \quad (2.23)$$

где  $\rho_n$  — плотность газа при нормальных условиях.

Теплоемкость зависит от характера термодинамического процесса, при котором подводится и отводится теплота. Из выражения (2.22) следует, что без подведения и отведения теплоты  $c = 0$ . Если  $dT = 0$ , то  $c = \pm\infty$ . Численно теплоемкость может изменяться от  $+\infty$  до  $-\infty$ .

Для термодинамических процессов, протекающих при постоянном объеме, удельную теплоемкость обозначают  $c_v$ , для процессов при постоянном давлении —  $c_p$ .

Из уравнения (2.23) с учетом выражения (2.16) следует, что в процессе при  $v = \text{const}$  вся теплота расходуется на изменение внутренней энергии. Отсюда

$$\delta q_v = du = c_v dT, \quad (2.24)$$

где  $q_v$  — количество теплоты при  $v = \text{const}$ .

Внутренняя энергия — параметр состояния системы и не зависит от промежуточных ее состояний, поэтому уравнение (2.23) справедливо для любого термодинамического процесса.

При  $p = \text{const}$  в соответствии с уравнениями (1.5) и (2.19)

$$c_p dT = c_v dT + pdv. \quad (2.25)$$

Так как в процессе при постоянном давлении  $pdv = RdT$ , то будем иметь

$$c_p - c_v = R. \quad (2.26)$$

Эта формула, называемая *законом Майера*, является одной из наиболее существенных в теории теплоемкости.

Умножим (2.26) на молярную массу  $\mu$ . Поскольку  $\mu R = 8314 \text{ Дж/(кмоль} \cdot \text{К)}$ , получим

$$\mu c_p - \mu c_v = 8,314 \text{ кДж/(кмоль} \cdot \text{К}). \quad (2.27)$$

Отношение теплоемкостей при постоянных давлении и объеме обозначают  $k$  и называют *коэффициентом Пуассона* или *показателем адиабаты* [см. (2.58)]:

$$c_p/c_v = k. \quad (2.28)$$

Согласно молекулярно-кинетической теории газов для одноатомных газов  $k = 1,667$ , для двухатомных — 1,41, для трехатомных  $k = 1,29$ .

При низких температурах опытные данные по определению значения коэффициента  $k$  хорошо согласуются с расчетными. Для высоких температур значения коэффициента Пуассона определяют по формулам, установленным экспериментальным путем.

Теплоемкость зависит от температуры (рис. 2.4). При небольшом пределе изменения температуры, а также в приближенных расчетах зависимостью теплоемкости от температуры пренебрегают и принимают ее усредненное постоянное значение в данном интервале температур. Теплоемкость тела, соответствующую изменению температуры на конечную величину  $\Delta t = t_2 - t_1$ , называют *средней теплоемкостью данного процесса*:

$$c_m \int_{t_1}^{t_2} = \delta q / \delta T = q / (t_2 - t_1). \quad (2.29)$$

Из выражения (2.22) следует, что

$$q = \int_{t_1}^{t_2} c dT, \quad (2.30)$$

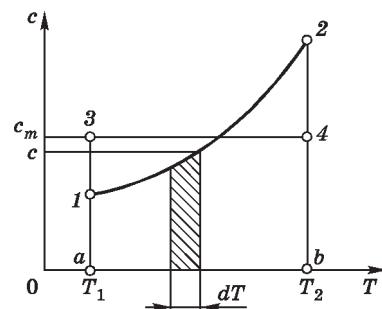


Рис. 2.4. Зависимость теплоемкости от температуры

т.е.

$$c_m|_{t_1}^{t_2} = \int_{t_1}^{t_2} cdT / (t_2 - t_1). \quad (2.31)$$

Из рис. 2.4 видно, что заштрихованная элементарная площадка равна  $cdt = \delta q$ . Следовательно, площадь 1—2—b—a—1 равна сумме элементарных площадок, т. е.  $\int_{t_1}^{t_2} cdT$  — количество теплоты в процессе 1—2.

Высота прямоугольника 3—4—b—a—3, равновеликого площади 1—2—b—a—1, дает значение средней теплоемкости  $c_m$  на участке процесса 1—2.

Если  $c_{m_1}$  — средняя теплоемкость в интервале температур  $0—t_1$ , а  $c_{m_2}$  — в интервале температур  $0—t_2$ , то

$$c_m = \frac{c_{m_2}t_2 - c_{m_1}t_1}{t_2 - t_1}. \quad (2.32)$$

Для практических расчетов пользуются табличными данными теплоемкости различных веществ, приведенными в справочной литературе.

Очевидно, что количество теплоты смеси газов, находящейся в равновесном состоянии, равно сумме теплот компонентов. Поэтому

$$m_n c_n \Delta t_n = \sum_{k=1}^n m_k c_k \Delta t_k, \quad (2.33)$$

откуда

$$c_n = \sum_{k=1}^n \frac{m_k}{m_n} c_k = \sum_{k=1}^n g_k c_k, \quad (2.34)$$

и

$$c'_n = \sum_{k=1}^n r_k c'_k. \quad (2.34')$$

## 2.6. Энталпия

В термодинамических и теплотехнических расчетах часто используют сумму внутренней энергии системы  $U$  и произведения давления  $p$  на объем системы  $V$ :

$$H = U + pV. \quad (2.35)$$

Эту сумму называют *энталпиеей*. Величина  $pV$  из уравнения (2.35) представляет собой работу, которую необходимо затратить для введения тела объемом  $V$  во внешнюю среду, имеющую давление  $p$ .

Большое значение  $H$  по отношению к  $U$  обусловлено наличием внешней среды: оно тем больше, чем значительнее давление среды. Если тело находится в равновесии с внешней средой, то его состояние

$$\text{Рабс} = \text{Ратм} - \text{Рв}.$$

**Температура** с качественной стороны характеризует степень нагретости тела, с количественной стороны температура является мерой интенсивности теплового движения молекул. В термодинамике используют абсолютную температуру. В системе СИ единицей измерения абсолютной температуры ( $T$ ) является кельвин (К).

Абсолютная температура всегда положительна. При температуре абсолютного нуля прекращается тепловое движение молекул. Это предельная минимальная температура и является началом для отсчета абсолютных температур.

Для измерения температуры используют различные свойства тел: расширение тел от нагревания (жидкостные термометры), изменение объема при  $P=\text{const}$  или изменение давления при  $V=\text{const}$  (в газовых термометрах), изменение электрического сопротивления проводника при нагревании (термометры сопротивления), изменение электродвижущей силы в цепи термопары при изменении температуры спая, законы излучения твердых тел (в оптических пирометрах).

В настоящее время кроме шкалы Кельвина используется шкала Цельсия, в которой точкой отсчета является тройная точка воды (точка, где жидккая, парообразная и твердая фазы находятся в устойчивом равновесии), температура в кельвинах ( $T$ ) равна 273,15 К, а в градусах Цельсия ( $t$ ) – 0,01°C. Следовательно, между температурами имеется следующее соотношение:

$$T = t + 273,15.$$

Градус абсолютной шкалы Кельвина численно равен градусу шкалы Цельсия, поэтому  $dT = dt$ . Известны также шкалы

Фаренгейта ( $\Phi$ ), Реамюра ( $R$ ), Ренкина ( $Ra$ ). Соотношения между ними:

$$t^\circ\Phi=1.8 t^\circ C+32; \quad t^\circ R=0.8 t^\circ C; \quad t^\circ Ra=1.8 t^\circ C+273.15.$$

**Удельный объем** ( $v$ ) – объем единицы массы вещества,  $m^3 / kg$ ,

$$v = V / m,$$

где  $V$  – полный объем вещества,  $m^3$ ;

$m$  - масса вещества, кг.

Плотность вещества – величина, обратная удельному объему, масса единицы объема вещества,  $kg / m^3$ ,

$$\rho = 1 / v = m / V.$$

Таким образом, мы рассмотрели три основных параметра: давление, температуру и удельный объем.

### 1.1.2 Уравнение состояния идеального газа

В технической термодинамике широко применяют понятие об идеальном газе. Под **идеальным газом** понимают газ, у которого отсутствуют силы взаимодействия между молекулами, а молекулы не имеют объема, т.е. представляют собой материальные точки. Реально такого газа нет, но введение понятия «идеальный газ» позволило составить простые математические зависимости между величинами, характеризующими состояние тела, и на основе законов для идеальных газов создать стройную теорию термодинамических процессов.

Все реальные газы при высоких температурах и малых давлениях почти полностью подходят под понятие «идеальный газ» и практически по свойствам не отличаются от него. Состояние

идеального газа – это предельное состояние реального газа, когда давление стремится к нулю.

Параметры идеального газа связаны между собой **уравнением Клапейрона**:

$$Pv = RT. \quad (1.1)$$

Для произвольной массы газа уравнение имеет следующий вид:

$$PV = mRT, \quad (1.2)$$

где  $V$  – полный объем,  $m^3$ ;

$R$  – газовая постоянная,  $Dж / (кг К)$ .

Рассмотрим физическую суть **газовой постоянной**. Для этого выразим ее из уравнения Клапейрона (1.1):

$$R = Pv / T \quad (1.3)$$

или с учетом единиц измерения –  $N м / (кг К)$ .

Таким образом, газовая постоянная численно равна работе, которую выполняет 1 кг газа, если повысить его температуру на  $1^\circ\text{C}$ . Газовая постоянная не зависит от параметров газа, а зависит от его химического состава и структуры. Значения для различных газов приведены в справочниках.

Рассмотрим уравнение Клапейрона для 1 кмоля газа:

$$Pv_\mu = \mu RT, \quad (1.4)$$

где  $v_\mu$  - объем 1 кмоля,  $m^3 / \text{кмоль}$ ;

$\mu$  - масса 1кмоля (мольная масса), масса, выраженная в килограммах, численно равная атомной массе.

Уравнение (1.4) носит название **уравнения Менделеева-Клапейрона**.

Для определения мольного объема вспомним **закон Авогадро**: при одинаковых температуре и давлении в равных объемах газа

содержится одно и то же количество молекул или 1 моль любого газа при нормальных условиях занимает один и тот же объем:

$$v_{\mu} = 22.4 \text{ л/моль} = 22.4 \text{ м}^3/\text{кмоль}. \quad (1.5)$$

Выразим из уравнения (1.4) произведение  $\mu R$  и определим его значение при нормальных условиях:

$$\mu R = 101325 * 22.4 / 273 = 8314 \text{ Дж/(кмоль К)}.$$

При подстановке полученной величины в уравнение (1.4) получим вторую формулировку уравнения Менделеева-Клапейрона:

$$P v_{\mu} = 8314 T. \quad (1.6)$$

Величину  $\mu R = 8314 \text{ Дж/(кмоль К)}$  называют **универсальной газовой постоянной**. Это величина, постоянная для всех газов при нормальных физических условиях, она не зависит от химического состава газа, но в отличие от газовой постоянной зависит от параметров газа.

### 1.1.3 Смеси идеальных газов

На производстве редко используют отдельные газы, чаще используют смеси газов. Смеси идеальных газов характеризуются тем, что в них каждый газ ведет себя независимо от других газов. Это подтверждается **законом Дальтона** – каждый газ в смеси газов осуществляет парциальное давление. Парциальное давление отдельного газа газовой смеси – это такое давление, которое имел бы этот газ находясь один в том же количестве, в том же объеме и при той же температуре, что и в смеси:

$$P = P_1 + P_2 + \dots + P_i, \quad (1.7)$$

т.е. общее давление смеси газов равно сумме парциальных давлений этих газов.

Для характеристики смеси газов используют массовые и объемные доли. **Массовая доля** – отношение массы данного газа ( $m_i$ ) к общей массе смеси ( $m$ ):

$$g_i = m_i / m.$$

**Объемная доля** – отношение объема отдельно взятого газа, входящего в состав смеси, ( $v_i$ ) к общему объему смеси ( $v$ ):

$$r_i = v_i / v.$$

Нетрудно заметить, что

$$\sum g_i = 1, \quad \sum r_i = 1.$$

Зависимости между массовыми и объемными долями, полученные на основе закона Авогадро (1.5) и уравнения Менделеева-Клапейрона (1.4), имеют следующий вид:

$$g_i = r_i R_{cm} / R_i; \quad r_i = g_i R_i / R_{cm}.$$

Парциальное давление каждого газа, составляющего смесь, можно определить, зная объемную долю газа ( $r_i$ ):

$$P_i = r_i P.$$

Установлено, что смеси идеальных газов полностью подчиняются законам идеальных газов. Их состояние характеризуется уравнением Клапейрона (1.2):

$$P V_{cm} = m R_{cm} T, \quad (1.8)$$

где  $R_{cm}$  – газовая постоянная смеси идеальных газов, Дж/ (кг К).

Для определения значения  $R_{cm}$  запишем уравнение Клапейрона для  $i$ -го газа:

$$P_i v_i = m_i R_i T. \quad (1.9)$$

Выразим массу каждого газа через массовую долю газа  $g_i$  и общую массу  $m$  и подставим в уравнение (1.9):

$$m_i = m g_i; \quad P_i v_i = m g_i R_i T.$$

Для смеси газов получим: